

**A 61-a OLIMPIADĂ DE MATEMATICĂ A REPUBLICII MOLDOVA**

Chișinău, 3 – 6 martie 2017

Clasa a XII-a, prima zi

12.1. Calculați:  $\int_0^1 \sqrt{4x^4 - 4x^3 e^{x^2} + x^2 e^{2x^2}} dx$ .

12.2. Baza unei prisme oblice este un triunghi echilateral. Lungimea înălțimii prisme este egală cu 5 cm. Ariile fețelor laterale sunt egale cu  $30 \text{ cm}^2$ ,  $30 \text{ cm}^2$  și  $45 \text{ cm}^2$ . Determinați lungimea laturii triunghiului din bază.

12.3. Fie matricea  $A = \begin{pmatrix} -3 & 4 \\ -3 & 5 \end{pmatrix}$ . Determinați  $A^n, n \in \mathbb{N}^*$ .

12.4. Fie  $a_n = \int_1^e \ln^n x dx, n \in \mathbb{N}^*$ . Determinați

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_1 + a_2 + \dots + a_n}{\ln n}.$$

Fiecare problemă rezolvată corect se apreciază cu 7 puncte.  
Timp alocat - 4 ore astronomice

**MULT SUCCES!**

**61-ая МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ОЛИМПИАДА РЕСПУБЛИКИ МОЛДОВА**

Кишинэу, 3 – 6 марта 2017

XII класс, первый день

12.1. Вычислите:  $\int_0^1 \sqrt{4x^4 - 4x^3 e^{x^2} + x^2 e^{2x^2}} dx$ .

12.2. В основании призмы лежит равносторонний треугольник. Высота призмы равна 5 см. Площади боковых граней равны  $30 \text{ см}^2$ ,  $30 \text{ см}^2$  и  $45 \text{ см}^2$ . Найдите длину стороны треугольника из основания призмы.

12.3. Дана матрица  $A = \begin{pmatrix} -3 & 4 \\ -3 & 5 \end{pmatrix}$ . Найдите  $A^n, n \in \mathbb{N}^*$ .

12.4. Пусть  $a_n = \int_1^e \ln^n x dx, n \in \mathbb{N}^*$ . Найдите

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_1 + a_2 + \dots + a_n}{\ln n}.$$

Время выполнения – 4 астрономических часа  
Правильное решение каждой задачи оценивается в 7 баллов.

**ЖЕЛАЕМ УСПЕХОВ!**