

Ministerul Educației, Culturii și Cercetării al Republicii Moldova
Agencia Națională pentru Curriculum și Evaluare

A 62-a OLIMPIADĂ DE MATEMATICĂ A REPUBLICII MOLDOVA

Chișinău, 2-5 martie 2018, Clasa a VIII-a, ziua a doua

8.5. Determinați toate valorile întregi a pentru care ecuația $x^2 + ax + a = 0$ are soluții întregi.

8.6. Fie $a > 0$ și $b, c \in [1, 2)$ astfel încât $\frac{a+b}{b(1+c)} + \frac{a+c}{c(1+b)} = 2$. Demonstrați că a, b, c pot fi lungimile laturilor unui triunghi.

8.7. Fie $x, y, z > 0$, astfel încât $xyz = 1$. Arătați că: $\sqrt{\frac{xy}{1+y}} + \sqrt{\frac{yz}{1+z}} + \sqrt{\frac{zx}{1+x}} > 2$.

8.8. Punctul de intersecție al înălțimilor unui triunghi ascuțitunghic este egal depărtat de mijloacele laturilor lui. Demonstrați, că triunghiul este echilateral.

Timp alocat – 4 ore astronomice

Fiecare problemă rezolvată corect se apreciază cu 7 puncte

MULT SUCCES!

62-я МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ОЛИМПИАДА РЕСПУБЛИКИ МОЛДОВА

Кишинёв, 2-5 марта 2018, VIII-й класс, второй день

8.5. Найдите все целые a , для которых уравнение $x^2 + ax + a = 0$ имеет целые решения.

8.6. Пусть $a > 0$ и $b, c \in [1, 2)$ такие, что $\frac{a+b}{b(1+c)} + \frac{a+c}{c(1+b)} = 2$. Докажите, что a, b, c могут быть длинами сторон некоторого треугольника.

8.7. Пусть $x, y, z > 0$ такие, что $xyz = 1$. Покажите, что $\sqrt{\frac{xy}{1+y}} + \sqrt{\frac{yz}{1+z}} + \sqrt{\frac{zx}{1+x}} > 2$.

8.8. Точка пересечения высот остроугольного треугольника равноудалена от середин его сторон. Докажите, что треугольник равносторонний.

Время выполнения – 4 астрономических часа

Правильное решение каждой задачи оценивается в 7 баллов

ЖЕЛАЕМ УСПЕХОВ!